На правах рукописи

Елисеев Сергей Александрович

Высокопрецизионные измерения масс нуклидов ловушками Пеннинга для широкого спектра задач фундаментальной физики

Специальность

01.04.16 - Физика атомного ядра и элементарных частиц

Автореферат

11 MAR 2016

диссертации на соискание учёной степени доктора физико-математических наук

> Санкт-Петербург 2016



Работа выполнена в Федеральном государственном бюджетном учреждении «Петербургский институт ядерной физики им. Б. П. Константинова» Национального исследовательского центра «Курчатовский институт», г. Гатчина.

Научный консультант: Новиков Юрий Николаевич, доктор физико-математических наук, профессор, ФГБУ «Петербургский институт ядерной физики им. Б. П. Константинова» НИЦ «Курчатовский институт», г. Гатчина.

Официальные оппоненты: Аруев Николай Николаевич, доктор физико-математических наук, заведующий лабораторией масс-спектрометрии физико-технического института им. А. Ф. Иоффе РАН, г. Санкт-Петербург;

> Карпешин Фёдор Фёдорович, доктор физикоматематических наук, ведущий научный сотрудник Всероссийского научно-исследовательского института метрологии им. Д. И. Менделеева, г. Санкт-Петербург;

> Чечев Валерий Павлович, доктор физико-математических наук, ведущий научный сотрудник АО «Радиевый институт им. В. Г. Хлопина», г. Санкт-Петербург.

Ведущее учреждение: Лаборатория ядерных реакций им. Г. Н. Флёрова Объединённого института ядерных исследований, г. Дубна.

Защита состоится 28 июня 2016 г. в 11 часов на заседании диссертационного совета Д 212.232.16 по защите докторских и кандидатских диссертаций при Санкт-Петербургском государственном университете по адресу: 199004, Россия, Санкт-Петербург, Средний проспект В. О., д. 41/43, Институт наук о Земле, ауд. 304.

С диссертацией можно ознакомиться в научной библиотеке им. М. Горького СПбГУ.

Автореферат разослан « » 2016 г.

Учёный секретарь диссертационного совета Д 212.232.16 кандидат физико-математических наук, доцент

Diama

Власников А. К.

ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

Актуальность темы

Данная работа посвящена разработке высокопрецизионных методов измерения масс нуклидов ловушками Пеннинга для задач фундаментальной физики и использованию этих методов для измерения масс большого числа как короткоживущих, так и долгоживущих нуклидов для широкого спектра физических задач.

Одной из ключевых характеристик нуклида является его масса. Прецизионное измерение этой величины позволяет с достаточно высокой точностью определить полную энергию связи нуклида, которая является интегральной характеристикой всех атомных и ядерных сил, действующих в нуклиде, и, следовательно, ключом к решению многих задач фундаментальной физики: физики ядра [1, 2], астрофизики [3-6], нейтринной физики [7], метрологии [8] и физики фундаментальных взаимодействий и симметрий [9, 10].

Относительная точность, с которой необходимо знать массу определённого нуклида, зависит от конкретной физической задачи. Например, для определения в ядре протонных и нейтронных замкнутых оболочек достаточно знать массу нуклида с относительной точностью порядка 10⁻⁶, а для исследования феномена деформации ядер и поиска так называемых гало-ядер – массу исследуемых нуклидов с точностью как минимум 10⁻⁷. Аналогичная точность требуется для корректного описания образования тяжёлых элементов в астрофизических процессах быстрых захватов нейтронов (r-процесс) и протонов (rp-процесс). Для проверки теории слабого взаимодействия, в частности гипотезы сохранения векторного тока (CVC) и унитарности СКМ-матрицы, необходимо знать отношение масс материнских и дочерних нуклидов сверхразрешённых β-переходов с точностью порядка 10⁻⁸. Во всех вышеперечисленных задачах исследуются короткоживущие нуклиды с периодами полураспада, обычно не превышающими нескольких секунд. Для определения типа нейтрино требуется знание отношения масс фактически стабильных материнских и дочерних нуклидов двойных ЕС-переходов с точностью порядка 10⁻⁹. Наивысшая точность, превышающая 10⁻¹¹, требуется при измерении отношения масс таких пар нуклидов, как ³He/³H, ¹⁸⁷Re/¹⁸⁷Os и ¹⁶³Ho/¹⁶³Dy, для возможности определения массы нейтрино на уровне порядка нескольких сотен мэВ/с².

В настоящее время наиболее продвинутой методикой измерения масс нуклидов является высокопрецизионная масс-спектрометрия на базе ловушек Пеннинга, получившая бурное развитие в последние два десятилетия. Массспектрометры на основе этого метода не имеют себе равных в разрешающей способности и точности определения масс, и поэтому они стали «рабочими по измерению экспериментах масс нуклидов в для лошалками» Ловушка Пеннинга представляет собой физики. фундаментальной суперпознцию сильного постоянного однородного магнитного и постоянного квадрупольного электростатического полей. Данная конфигурация полей

позволяет удерживать заряженные частицы в малом объёме довольно продолжительное время. Масса *т* заряженной частицы с зарядом *q* определяется посредством измерения циклотронной частоты V_c вращения данной частицы в магнитном поле *B*:

$$\nu_c = \frac{1}{2\pi} \frac{q}{m} B. \tag{1}$$

Один из таких масс-спектрометров, SHIPTRAP, запущенный с ведущим участием автора диссертации в Центре по изучению тяжелых ионов им. Гельмгольца (GSI) в Дармштадте (Германия), был использован для проведения первого в мире прямого измерения масс некоторых изотопов трансурановых элементов нобелия и лоуренсия и выполнения программы по поиску резонансного усиления безнейтринного ядерного двойного электронного захвата. Также автором были проведены измерения масс с относительной порядка 2 · 10⁻¹⁰ ряда нуклидов для проверки квантовой точностью электродинамики в сильных электромагнитных полях и для целей нейтринной физики. Для этого автором диссертации была предложена и внедрена принципиально новая методика, получившая название Phase-Imaging Ion-Cyclotron-Resonance (PI-ICR) Technique [11]. Стоит подчеркнуть, что благодаря новой методике впервые в мире было измерено с относительной точностью 2 · 10⁻¹⁰ отношение свободных циклотронных частот однозарядных ионов серии тяжёлых нуклидов.

Под руководством автора диссертации в Институте ядерной физики Общества Макса Планка (МРІК) в Гейдельберге, Германия [12, 13] создан и введён в эксплутацию масс-спектрометр PENTATRAP, на котором в ближайшем будущем впервые станет возможным определение масс широкого спектра долгоживущих нуклидов с относительной точностью, значительно превышающей 10^{-11} . Такие точности определения масс необходимы, например, для определения масс (анти)нейтрино на уровне нескольких сотен мэB/c² из анализа процессов β-распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho.

Цель и задачи диссертационной работы

1. Создание элементов установки SHIPTRAP для проведения онлайнэкспериментов по измерению масс короткоживущих протоноизбыточных нуклидов, полученных в ядерных реакциях слияния-испарения.

 Подготовка и проведение онлайн-измерений масс сверхтяжёлых короткоживущих нуклидов ^{252–255}No и ^{255, 256}Lr – первых прямых измерений масс трансурановых нуклидов.

3. Подготовка и проведение серии офлайн-измерений разницы масс большого количества пар стабильных нуклидов в рамках программы по поиску резонансного усиления безнейтринного ядерного двойного электронного захвата.

4. Предложение, разработка и внедрение фазового метода определения свободной циклотронной частоты иона и проведение с помощью данной

методики измерений отношения масс долгоживущих пар нуклидов 48 Ca/ 12 C₄, 132 Xe/ 131 Xe, 163 Ho/ 163 Dy и 187 Re/ 187 Os с относительной точностью, близкой к 10 ${}^{-10}$.

5. Создание установки PENTATRAP для прямого измерения масс долгоживущих нуклидов с ультрапрецизионной относительной точностью, превышающей 10⁻¹¹.

Научная новизна и практическая ценность работы

В работах, явившихся основой данной диссертации, получены следующие новые научные результаты.

1. Впервые в мире были проведены прямые высокопрецизионные измерения масс трансурановых нуклидов с помощью ловушки Пеннинга. Измерены массы сверхтяжёлых нуклидов нобелия и лоуренсия, имеющих наименьшие сечения образования, когда-либо исследованные с помощью ловушек Пеннинга. Практическая ценность данных измерений заключается в возможности демонстрации проведения полобного прямых рода высокопрецизионных измерений масс трансурановых нуклидов с сечениями образования, не превышающими нескольких десятков нбарн. По результатам данных экспериментов было сделано заключение о возможности проведения на установке SHIPTRAP прямых измерений нуклидов с протонными числами, достигающими Z = 110. Построен участок ландшафта масс сверхтяжёлых элементов.

2. В экспериментах по определению типа нейтрино упор всегда делался на исследование безнейтринного двойного В-распада. Альтернативный и по удобный некоторым параметрам более для исследования процесс безнейтринного двойного захвата электронов ядром (0v2EC) не привлекал к себе должного внимания из-за его очень малой вероятности. Тем не менее в некоторых случаях вероятность процесса, зависящая от разности масс материнского и дочернего нуклидов, может быть значительно большей в результате его резонансного усиления. Автором диссертации была предложена и реализована комплексная программа по понску нуклидов, в которых возможно резонансное усиление процесса безнейтринного двойного электронного захвата. Эта программа заключается в прямом прецизионном измерении разности масс материнского и дочернего нуклидов большого числа 0v2EC-переходов. Практическая ценность данных кропотливых измерений сводится к нахождению двух резонансно усиленных случаев. Для одного из них, а именно для 0v2EC в ¹⁵⁶Dy, была открыта возможность существования феномена мультирезонансного усиления.

3. Автором был предложен, разработан и внедрён на установке SHIPTRAP совершенно новый метод определения масс нуклидов (метод PI-ICR). Практическая ценность данной методики заключается в том, что она позволяет определять с относительной точностью (лучше чем 10⁻⁷) массы короткоживущих нуклидов с периодами полураспада всего несколько миллисекунд, что на данный момент невозможно достичь ни с одной из существующих методик. Измеренные с помощью метода PI-ICR отношения масс долгоживущих пар нуклидов

 48 Ca/ 12 C4, 163 Ho/ 163 Dy и 187 Re/ 187 Os с относительной точностью, близкой к 10^{-10} , важны для развития экспериментов по определению массы нейтрино, а также для теста квантовой электродинамики в сильных электромагнитных полях. Метод PI-ICR начал активно внедряться в различных лабораториях: TRIGATRAP в Майнце (Германия) и JYFLTRAP в Ювяскюля (Финляндия).

4. Созданная под руководством автора данной работы установка PENTATRAP является единственным масс-спектрометром, который в ближайшем будущем позволит проводить измерения масс долгоживущих нуклидов с относительной точностью, значительно превышающей 10^{-11} . Это позволит, например, определить *Q*-значение электронного захвата в ¹⁶³Но с точностью как минимум 1 эВ.

Апробация работы

Результаты диссертационной работы докладывались автором на следующих конференциях и семинарах:

- 1) международной научной конференции TCP-2006 (Ванкувер, Канада, 2006),
- 2) международной научной конференции EMIS-2007 (Довиль, Франция, 2007),
- симпознуме на тему «Физика массивных нейтрино» (Милос, Греция, 2008),
- семинаре, посвящённом измерениям масс трансурановых нуклидов на установке SHIPTRAP (Гейдельберг, Германия, 2009),
- 5) международной научной конференции DPG-2009 (Гамбург, Германия, 2009),
- международной научной конференции Heraeus Seminar 2009 (Бад-Хоннеф, Германия, 2009),
- 7) международном научном симпозиуме SFB-2009 (Гейдельберг, Германия, 2009),
- семинаре, посвящённом высокопрецизионной масс-спектрометрии на базе ловушек Пеннинга (Гейдельберг, Германия, 2010),
- 9) международной научной конференции TCP-2010 (Саариселкэ, Финляндия, 2010),
- 10) семинаре в ПИЯФ НИЦ КИ на тему «Проект PENTATRAP» (Гатчина, Россия, 2010),
- 11) рабочем совещании в научном центре GSI на тему «Безнейтринный двойной электронный захват» (Дармштадт, Германия, 2011),
- 12) семинаре, посвящённом использованию ловушек Пеннинга в нейтринной физике (Гейдельберг, Германия, 2011),
- 13) международной научной конференции DPG-2011 (Дрезден, Германия, 2011),
- 14) семинаре, посвящённом безнейтринному двойному электронному захвату (Гейдельберг, Германия, 2011),

- международной научной конференции ARIS-2011 (Лёвен, Бельгия, 2011),
- 16) международной научной конференции MEDEX-2011 (Прага, Чехия, 2011),
- международной научной конференции EXON-2012 (Владивосток, Россия, 2012),
- международной научной конференции DPG-2013 (Ганновер, Германия, 2013),
- 19) международной научной конференции LASER-2013 (Познань, Польша, 2013),
- 20) международной научной конференции INPC-2013 (Флоренция, Италия, 2013),
- 21) международной научной конференции EMMI Physics Days 2013 (Дармштадт, Германия, 2013),
- 22) семинаре в отделении атомной физики научного центра GSI (Дармштадт, Германия, 2013),
- 23) семинаре в ПИЯФ НИЦ КИ на тему «Ловушки Пеннинга для фундаментальной физики» (Гатчина, Россия, 2014),
- 24) международной научной конференции DPG-2014 (Берлин, Германия, 2014),
- 25) ежегодной конференции в научном центре GSI на тему «Методика PI-ICR» (Дармштадт, Германия, 2014),
- 26) международной научной конференции Heraeus Seminar 2014 (Бад-Хоннеф, Германия, 2014),
- 27) международной научной конференции ЕСТ-2014 (Тренто, Италия, 2014),
- 28) международной научной конференции ECTI-2014 (Майнц, Германия, 2014),
- международном научном симпознуме по изучению ядерной структуры нуклидов (Стамбул, Турция, 2014),
- 30) международной научной конференции TCP-2014 (Такамацу, Япония, 2014),
- семинаре в Майнцском университете им. Иоганна Гутенберга (JGU) на тему «Методика PI-ICR» (Майнц, Германия, 2014),
- 32) международной научной конференции DPG-2015 (Гейдельберг, Германия, 2015),
- международной научной конференции «Свойства ядер и ядерные возбуждения» (Хиршегг, Австрия, 2015),
- 34) международной научной конференции EURORIB-2015 (Хоенрода, Германия, 2015).

Публикации

По теме диссертации опубликовано 29 работ в ведущих рецензируемых научных журналах.

8

Основные положения, выносимые на защиту

1. Серия онлайн-экспериментов на установке SHIPTRAP по измерению масс сверхтяжёлых короткоживущих нуклидов ^{252–255}No и ^{255, 256}Lr.

2. Реализация предложенной автором программы поиска резонансного усиления безнейтринного ядерного двойного электронного захвата посредством офлайн-измерений атомных масс материнских и дочерних нуклидов всех представляющих интерес 0v2EC-переходов.

3. Предложение, разработка и внедрение на установке SHIPTRAP нового метода PI-ICR по определению массы нуклидов и проведение с помощью этого метода измерений отношения масс долгоживущих пар нуклидов ⁴⁸Ca/¹²C4, ¹³²Xe/¹³¹Xe, ¹⁶³Ho/¹⁶³Dy и ¹⁸⁷Re/¹⁸⁷Os с относительной точностью, близкой к 10⁻¹⁰.

4. Разработка методики и создание установки PENTATRAP – тандема из пяти ионных ловушек – для измерения масс долгоживущих нуклидов с относительной точностью, превышающей 10⁻¹¹.

Личный вклад автора

Содержание диссертации и выносимые на защиту результаты отражают личный вклад автора в опубликованные работы.

Измерения масс изотопов нобелия и лоуренсия были проведены международной группой при непосредственном активном участии автора диссертации. Комплексная программа поиска резонансного усиления безнейтринного ядерного двойного электронного захвата была предложена и реализована автором диссертации. Также автор предложил и внедрил на установке SHIPTRAP новый метод высокопрецизионного измерения масс нуклидов PI-ICR и внёс решающий вклад в измерения с помощью этой методики отношения масс долгоживущих пар нуклидов ⁴⁸Ca/¹²C4, ¹³²Xe/¹³¹Xe, ¹⁶³Ho/¹⁶³Dy и ¹⁸⁷Re/¹⁸⁷Os с относительной точностью, близкой к 10⁻¹⁰.

Автор является непосредственным руководителем проекта PENTATRAP, созданного с участием российских учёных в MPIK в Германии.

Структура и объём диссертации

Диссертация объёмом 243 страницы состоит из введения, 7 глав, заключения и списка литературы, включает 83 рисунка, 20 таблиц. Список литературы состоит из 219 наименований.

СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

Во введении приводится краткая история масс-спектрометрии нуклидов и даётся обзор современных высокопрецизионных масс-спектрометров на основе ловушек Пеннинга.

Первая глава посвящена описанию основополагающих принципов высокопрецизионной масс-спектрометрии на базе ловушек Пеннинга. Приводится краткое изложение теории идеальной и реальной ловушек основные методы, применяемые для изменения Пеннинга, описываются параметров движения ионов в ловушке, а также даётся краткое описание методов определения массы нуклидов с помощью ловушки Пеннинга.

Во второй главе рассматривается установка SHIPTRAP, расположенная в GSI (Германия) [14]. Она представляет собой высокопрецизионный массспектрометр на базе ловушек Пеннинга, предназначенный для измерений короткоживущих нуклидов, образованных в реакциях слияния-испарения. Блоксхема установки приведена на рис. 1.



Рис. 1. Функциональные компоненты установки SHIPTRAP. Продукты реакции из сепаратора по скоростям SHIP останавливаются в газонаполненной камере. В газонаполненном рч-квадруполе происходит трансформация непрерывного пучка низкоэнергетичных ионов в последовательность ионных пакетов. После выделения в ловушке очистки из ионного пакета исследуемых нуклидов происходит определение их массы в измерительной ловушке

Процесс измерения короткоживущих нуклидов на установке SHIPTRAP разбит на несколько стадий. Сначала нуклиды, образованные в реакции слиянияиспарения, отделяются с помощью сепаратора по скоростям SHIP от интенсивного первичного пучка. Далее высокоэнергетичные продукты реакции поступают в газонаполненную камеру для их остановки. Из газонаполненной камеры продукты реакции в виде непрерывного пучка низкоэнергетичных однозарядных или двухзарядных ионов поступают в газонаполненный радиочастотный квадруполь (рч-квадруполь) для трансформации непрерывного пучка ионов в последовательность коротких ионных пакетов, которые затем периодически доставляются в ловушку очистки. Эта ловушка Пеннинга выполняет двойную роль. Во-первых, в ней происходит удаление из ионного пакета всех тех нуклидов, которые не представляют интерес, но наличие которых может привести к ухудшению точности определения массы исследуемых нуклидов. Во-вторых, нуклиды, оставшиеся после такой процедуры «очистки», фокусируются на ось ловушки с последующей их транспортировкой в измерительную ловушку для определения массы.

На данной установке были проведены измерения масс протоноизбыточных нуклидов для исследования астрофизического процесса быстрого протонного захвата [15, 16], а также проведены измерения в области нуклидов средних масс. расположенных вдоль линии протонной устойчивости [17]. Основной же экспериментальной программой для установки SHIPTRAP является измерение масс трансурановых нуклидов, включая сверхтяжёлые. В рамках данной программы были проведены измерения масс изотопов нобелия лоуренсия [18, 19]. На установке SHIPTRAP также были успешно реализованы три программы измерений масс долгоживущих и стабильных нуклидов в рамках поиска резонансно-усиленных 0v2EC-переходов [20] для определения массы нейтрино [21, 22] и проверки квантовой электродинамики в сильных электромагнитных полях [23].

Дано подробное описание назначения и принципа работы каждого ключевого узла установки SHIPTRAP: сепаратора по скоростям SHIP, газонаполненной камеры для остановки продуктов реакции, газонаполненного радиочастотного квадруполя и подготовительной и измерительной ловушек Пеннинга.

Третья глава посвящена измерению масс изотопов нобелия и лоуренсия на установке SHIPTRAP. Основной программой измерений на установке SHIPTRAP является определение масс трансурановых нуклидов. В рамках данной программы были проведены измерения масс короткоживущих изотопов нобелия ^{252–255}No и лоуренсия ^{255, 256}Lr [24, 18, 19]. Данные измерения являются первыми в мире прямыми измерениями масс трансурановых нуклидов. Более того, данные изотопы нобелия и лоуренсия являются нуклидами с наименьшими сечениями образования, когда-либо исследованными с помощью ловушек Пеннинга. Выбор этих нуклидов для первых экспериментов с трансурановыми нуклидами на SHIPTRAP основывался на том, что они образуются с относительно большими сечениями благодаря слиянию дважды магических ионов ⁴⁸Ca с магическими изотопами свинца и висмута с известными оптимальными параметрами реакций образования данных нуклидов.

В разделе 3.1 описываются различные механизмы образования трансурановых нуклидов. Нуклиды с протонным числом $92 < Z \le 100$ образуются в результате взрывов ядерных боезарядов, а также на реакторах в реакциях чередующихся захватов нейтронов и β -распадов. Данный механизм производства трансурановых нуклидов обрывается на нуклиде ²⁵⁸Fm, который

вместо β^- распада испытывает спонтанное деление с периодом полураспада 0,3 мс. Для образования нуклидов с протонными числами, превышающими значение Z = 100, используется реакция слияния-испарения. Характерной чертой данной реакции являются очень малые сечения образования в ней трансурановых нуклидов. Например, на сепараторе SHIP выходы элемента с зарядовым числом Z = 112 не превышают одного атома в неделю [25]. Более того, сечения образования трансурановых и особенно сверхтяжёлых нуклидов [26] сильно зависят от выбора конкретной реакции и энергии налетающего пучка.

В эксперименте, описываемом в диссертационной работе, изотопы нобелия $^{252-255}$ No были получены на сепараторе SHIP в реакциях 48 Ca на трёх стабильных изотопах свинца $^{206-208}$ Pb. Для получения изотопов лоуренсия $^{255, 256}$ Lr в качестве мишени использовался единственный стабильный изотоп висмута 209 Bi. Оптимальные реакции и их параметры для образования данных нуклидов были экспериментально определены в [27, 28]. Наибольшим сечением как в случае образования изотопов нобелия, так и в случае образования изотопов лоуренсия обладает канал распада компаунд-ядра с испусканием двух нейтронов. Изотоп нобелия 254 No образуется с наибольшим сечением, равным 1 800 нбарн. Изотоп поуренсия 256 Lr является нуклидом с минимальным сечением образования (60 нбарн), чья масса была измерена автором диссертации с помощью ловушек Пеннинга. Характерной чертой данных нуклидов, способствующей точному измерению их масс, являются достаточно долгие времена их жизни (как минимум несколько секунд).

В разделе 3.2 описывается процедура измерения масс изотопов нобелия и лоуренсия на установке SHIPTRAP и приводятся результаты этих измерений. После образования на сепараторе SHIP изотопы нобелия и лоуренсия останавливались и термолизировались в газонаполненной камере в гелии, находящемся под давлением 50 мбар. Далее они извлекались из газонаполненной камеры и транспортировались в ловушки Пеннинга в виде двухзарядных ионов. В качестве реперного нуклида использовались однозарядные ионы стабильного изотопа ¹³³Cs [29].

Определение массы каждого изотопа нобелия и лоуренсия потребовало как минимум нескольких часов измерения их свободных циклотронных частот с помощью методики ToF-ICR, в которой применялась одноимпульсная схема конверсии магнетронного движения в циклотронное. Пример времяпролётных резонансов ²⁵⁴No и ²⁵⁶Lr ионов приводится на рис. 2. Далее определялись отношения свободных циклотронных частот r реперных ионов ¹³³Cs⁺ и ионов соответствующего нуклида. На основе данных отношений определялись массы исследуемых нуклидов.



Рис. 2. Времяпролётные резонансы $^{254}No^{2+}$ -ионов с самым большим сечением образования (а) и $^{256}Lr^{2+}$ -ионов с самым маленьким сечением образования из изучаемых нуклидов (б). Времяпролётные резонансы $^{254}No^{2+}$ - и $^{256}Lr^{2+}$ -ионов были набраны в течение одного часа и 93 часов и содержат 95 и 56 ионов соответственно. Линии являются теоретическими кривыми, вписанными в экспериментальные точки

В таблице 1 приводятся вычисленные на основе отношения частот r атомные массы исследуемых нуклидов и их избытки масс ME_{exp} . Также приведены ранее известные табличные избытки масс ME_{AME} [30] и их сравнение с ME_{exp} .

Таблица I

Нуклид	Атомная масса, а. е. м.	<i>МЕ_{ехр},</i> кэВ	<i>МЕ_{АМЕ},</i> кэВ	$ME_{exp} - ME_{AME},$ кэВ
²⁵² No	252,088960(15)	82 866(14)	82 881(13)	-15(19)
²⁵³ No	253,090560(14)	84 356(13)	84 470#(100#)	-114(101)
²⁵⁴ No	254,090963(11)	84 731(10)	84 724(18)	7(20)
²⁵⁵ No	255,093193(15)	86 809(14)	86 854(10)	-45(17)
²⁵⁵ Lr	255,096565(13)	89 950(12)	90 060#(210#)	-110(210)
²⁵⁶ Lr	256,098505(74)	91 757(69)	91 870#(220#)	-113(231)

Атомные массы исследуемых нуклидов и их избытки масс ME_{exp} , вычисленные на основе измеренных отношений частот r

* Также приведены ранее известные табличные избытки масс ME_{AME} [30] и их сравнение с ME_{exp} . Знак # означает, что табличные избытки масс ME_{AME} изотопов ²⁵³No, ²⁵⁵Lr и ²⁵⁶Lr являются не экспериментальными значениями, а предсказаниями, основанными на анализе экспериментальных значений близлежайших масс.

В разделе 3.3 приводится обсуждение полученных результатов. Исследованные изотопы нобелия и лоуренсия являются звеньями α-цепочек, т. е., с одной стороны, они являются продуктами α-распада более тяжёлых нуклидов, а с другой стороны, сами распадаются посредством α-излучения в более лёгкие нуклиды. В основании каждой цепочки, включающей несколько нуклидов, располагается нуклид, который не является α -излучателем. Прямое измерение масс изотопов нобелия ^{252–255}No и лоуренсия ^{255, 256}Lr, совместно со спектроскопическими данными по α -распадам, позволили определить массы 12 более тяжёлых нуклидов в пяти α -цепочках вплоть до изотопов ¹¹⁰Ds.

Четвертая глава посвящена обзору результатов поиска резонансноусиленных 0v2EC-переходов с помощью прямых измерений атомных масс материнских и дочерних нуклидов. Эта программа была выполнена на установке SHIPTRAP в её варианте «вне пучка» под руководством автора диссертации.

В разделе 4.1 даётся краткое изложение теории двойного электронного захвата.

В разделе 4.2 приводится сравнение безнейтринного двойного электронного захвата с безнейтринным двойным β-распадом и их преимущества и недостатки для экспериментов по поиску безнейтринного β-процесса.

В разделе 4.3 приводится описание эксперимента, проведённого автором диссертации на установке SHIPTRAP по поиску резонансно-усиленных 0v2EC-переходов, а также обсуждаются полученные результаты.

Для поиска резонансно-усиленных 0v2EC-переходов установка SHIPTRAP использовалась в офлайн-режиме. Все нуклиды, чьи отношения масс были измерены в рамках программы по поиску резонансно усиленных 0v2ECпереходов, являются стабильными. Для получения однозарядных ионов было использовано два источника: ионный источник на основе электронного удара и ионный источник на основе процесса лазерной обдирки (laser ablation) [33]. *Q*-значения исследованных 0v2EC-переходов определялись с помощью методики ToF-ICR с точностью порядка 100 эВ.

Из всех исследованных 0v2EC-переходов на данный момент только безнейтринные двойные электронные захваты в ^{152}Gd и в ^{156}Dy являются резонансно-усилеными.

0v2EC-переход ¹⁵²Gd является переходом 0⁺ \rightarrow 0⁺ на основное ядерное состояние. Фактор вырождения этого перехода равен примерно 1 кэВ, и таким образом, этот переход только *частично* резонансно усилен. Его ожидаемый минимальный период полураспада, равный 10²⁶ лет, к сожалению, почти на один порядок величины длиннее, чем экпериментально измеренный нижний предел на эту величину для безнейтринного β-распада ⁷⁶Ge. Следует также упомянуть, что содержание данного изотопа гадолиния в природной смеси составляет всего ~ 0,2 %. Таким образом, ни один из исследованных 0v2EC-переходов на ядерное основное состояние вряд ли составит достойную альтернативу, например, безнейтринному β-распаду ⁷⁶Ge в поиске безнейтринных β-процессов.

Наиболее многообещающим для поиска безнейтринных β-процессов является двойной электронный захват в ¹⁵⁶Dy, схема распада которого показана на рис. 3.



Рис. 3. Схема безнейтринного двойного электронного захвата в ¹⁵⁶Dy. Показаны только ядерные состояния в ¹⁵⁶Gd со спинами $I_f \leq 2$ [34]. Резонансно-усиленные 0v2EC-переходы выделены жирной линией

В ланном нуклиде резонансно-усиленный безнейтринный двойной электронный захват может идти на четыре ядерных возбуждённых состояния. 0v2EС-переход на уровень с энергией 2003,749(5) кэВ с фактором вырождения. равным 40(100) эВ, является полностью резонансно-усиленным. К сожалению, данный 0v2EC-переход идёт с изменением спина на две единицы и захватом *М*- и *N*-электронов, поэтому его ожидаемый период полураспада существенно превышает 10³⁰ лет. 0v2EC-переход на уровень с энергией 1946,375(6) кэВ и спином 1 также маловероятен из-за его малого ядерного матричного элемента. Таким образом, практический интерес представляют оставшиеся два перехода на уровни с энергией/спином 1988,5(2) кэВ/0⁺ и 1952,385(7) кэВ/0⁻ соответственно. Для данных двух переходов были рассчитаны минимальный и максимальный периоды полураспада, нормированные на эффективную майорановскую нейтринную массу, равную 1 эВ (табл. 2). Так как данные переходы идут без изменения значения спина, то они могут обладать достаточно большими ядерными матричными элементами. При расчёте периодов полураспада этих переходов для их ядерных матричных элементов было взято значение 2,5, что примерно соответствует ядерным матричным элементам на ядерное состояние со спином 0⁺. Данное значение нужно рассматривать всего лишь как фактор нормировки, т. к. в реальности ядерные матричные элементы таких переходов могут быть значительно меньше. Их точный расчёт на данный момент не представляется возможным,

Оценённые минимальные и максимальные периоды полу	распада
двух резонансно-усиленных 0v2EC-персходов в ¹⁵⁶ D	y .

E_{γ} , кэВ	Минимальный период полураспада, год	Максимальный период полураспада, год
1988,5(2)	3 · 10 ²⁴	<u>3 · 10²⁹</u>
1952,385(7)	<u>3 · 10²⁸</u>	8 · 10 ²⁸

Для 0v2EC-перехода на уровень с энергией 1988,5(2) кэВ и спином 0⁺ не исключается *полное* резонансное усиление в пределах двух экспериментальных ошибок. Если такой сценарий реализуется, то его период полураспада может быть порядка 10^{24} лет, что ненамного превышает ожидаемые периоды полураспада безнейтринных двойных β-распадов. К сожалению, период полураспада этого 0v2EC-перехода на данный момент можно определить только с большой неточностью из-за недостаточно точного знания энергии ядерного возбуждённого уровня, заселяемого в этом переходе, и невозможности надёжной оценки его ядерного матричного элемента.

Оценки периодов полураспада, приведённые в табл. 2, сделаны исходя из предположения, что безнейтринный двойной электронный захват вызывается массовым механизмом, т. е. протекает в присутствии левовинтовых лёгких активных нейтрино. Расчёт полной вероятности процесса должен учитывать все возможные механизмы, его вызывающие [35]. Например, безнейтринный двойной электронный захват может протекать в присутствии правовинтовых нейтрино с амплитудой, не зависящей от нейтринной массы, или может быть вызван обменом тяжёлых частиц. Также вероятное существование лёгких стерильных нейтрино может увеличить эффективную майорановскую нейтринную массу, а значит, и уменьшить ожидаемый период полураспада. Не исключается, что различные механизмы безнейтринного двойного электронного захвата могут действовать когерентно и приводить к интерференционным эффектам, способным существенно увеличить вероятность безнейтринного двойного электронного захвата.

Таким образом, из всех рассмотренных 0v2EC-переходов только безнейтринный двойной электронный захват в 156 Dy можен считаться представляющим практический интерес для поиска безнейтринных двойных β-процессов. Реализуемость эксперимента с этим нуклидом по поиску безнейтринных двойных β-процессов в большой степени зависит от неизвестного пока ядерного матричного элемента и недостаточно точного знания энергии заселяемого ядерного состояния. При условии полного резонансного усиления и значения матричного элемента, превышающего 2, практическая реализуемость эксперимента с данным нуклидом по поиску безнейтринных двойных β-процессов становится вполне возможной. В пятой главе излагаются основные принципы фазового метода определения свободной циклотронной частоты *v*_c иона в ловушке Пеннинга (метод PI-ICR). Этот метод был предложен, разработан и введён в эксплутацию автором данной диссертации. Детальное описание метода опубликовано автором в [11].

Метод PI-ICR базируется на определении свободной циклотронной частоты *v*_c путём измерения полных фаз магнетронного и циклотронного движений (двух радиальных собственных движений иона в ловушке), накопленных за определённое время свободного движения иона в ловушке Пеннинга. Измерение фаз происходит посредством проецирования положения иона в ловушке на позиционно-чувствительный детектор, расположенный на её оси в области слабого магнитного поля (рис. 4).



Рис. 4. Принцип измерения частоты магнетронного или циклотронного движения иона в ловушке Пеннинга с помощью методики PI-ICR. Магнетронное или циклотронное движение иона в поперечной среде к полю в ловушке (а) проецируется на позиционночувствительный детектор (б) с определённым увеличением G.

Схема измерения частоты магнетронного или циклотронного движения выглядит следующим образом. Сперва ион захватывается в центре ловушки (положение 1 на рис. 4а). Далее, прилагая дипольное рч-поле с определённой начальной фазой на частоте магнетронного или циклотронного движения (в зависимости от того, частоту какого движения необходимо измерить), можно увеличить радиус данного движения иона до определённого значения r (положение 2 на рис. 4а). После этого, если иону позволить свободно двигаться в ловушке в течение определённого времени t, радиальное движение иона накопит полную фазу $\phi + 2\pi n = 2\pi vt$ (положение 3 на рис. 4а). ϕ является углом между положениями 2 и 3, отсчитываемым относительно центра ловушки, n представляет собой количество полных оборотов радиального движения за время t. Положения 1, 2 и 3 названы соответственно центром, начальной и конечной фазами магнетронного или циклотронного движения. Частота определяется как

$$\nu = \frac{\phi + 2\pi n}{2\pi t}.$$
 (2)

Для определения частоты *v* положение центра, начальная и конечная фазы проецируются на позиционно-чувствительный детектор в виде микроканальных пластин, расположенный на осн симметрии ловушки в области слабого магнитного поля. При этом проецирование происходит с определённым коэффициентом увеличения *G* с сохранением (в идеальном случае) угла ф между начальной и конечной фазами.

Свободная циклотронная частота v_c определяется как сумма магнетронной частоты v_- и циклотронной частоты v_+ . На практике в данной методике представляют интерес две схемы определения свободной циклотронной частоты: схема 1 подразумевает независимое измерение частот v_- и v_+ , тогда как схема 2 предназначена для непосредственного измерения свободной циклотронной частоты v_c . Основной является схема 2. Схема 1 даёт определённые преимущества при измерении очень близких нуклидных масс (массовых дублетов), когда нет необходимости в прецизионном измерении магнетронной частоты v_c .

В разделах 5.1 и 5.2 приводится описание основных принципов метода PI-ICR на примере использования для определения циклотронной частоты иона схемы 1 и схемы 2 соответственно. Приводятся выражения для разрешающей способности и точности метода, и даётся сравнение этого метода с времяпролётной методикой ToF-ICR – на сегодняшний день основного метода, используемого для определения масс короткоживущих нуклидов. Показано, что новый метод, по сравнению с ToF-ICR, при прочих равных условиях в 25 раз быстрее, обладает примерно в 40 раз более высокой разрешающей способностью и как минимум в 5 раз более чувствителен.

Раздел 5.3 посвящён детальному исследованию эффектов, присущих PI-ICR-методике, которые могут приводить к ошнбке определения радиальных частот и которые определяют максимально достижимую точность определения радиальных частот, а также предельную разрешающую способность PI-ICR-методики на конкретной установке.

В разделе 5.4 приводится описание экспериментальной апробации новой методики PI-ICR на установке SHIPTRAP путём определения отношения *R* свободной циклотронной частоты однозарядных ионов ¹³¹Хе к свободной циклотронной частоте однозарядных ионов ¹³²Хе. Данные изотопы были выбраны для тестирования методики PI-ICR по следующим причинам. Во-первых, ксенон является газом, т. е. можно получить стабильный пучок однозарядных ионов ксенона с помощью достаточно простого ионного источника на основе электронного удара. Во-вторых, выбранные изотопы ксенона стабильны. В-третьих, ксенон достаточно тяжёлый газ, что важно, т. к. методику PI-ICR планируется применять для определения масс средних и сверхтяжёлых нуклидов. В-четвёртых, разница масс данных изотопов была недавно определена с очень большой точностью, порядка 10 эВ, на высокопрецизионной криогенной установке FSU-TRAP на основе ловушки Пеннинга [36, 37]. Данное нзмерение явилось репером для апробации методики PI-ICR. Тестирование методики PI-ICR проходило в два этапа. На первом этапе

в течение 10 часов проводилось измерение отношения R с помощью традиционной методики ToF-ICR. В течение следующих десяти часов то же отношение R измерялось с помощью методики PI-ICR. Далее проводилось сравнение между собой точностей определения отношения R, полученных с помощью этих двух методик, а также сравнения экспериментальных данных с теоретическим предсказанием. На втором этапе отношение R измерялось с помощью методики PI-ICR в течение 12 дней. Полученное отношение Rпересчитывалось в разницу атомных масс изотопов ¹³²Хе и ¹³¹Хе, которая, в свою очередь, сравнивалась с результатом, достигнутым на установке FSU-TRAP. Целью второго этапа являлось определение максимально достижимой точности и аккуратности измерения разности масс данных изотопов ксенона с помощью методики PI-ICR.

На рисунке 5 приведены отношения R, измеренные с помощью методики ToF-ICR и методики PI-ICR. Для измерения отношения R с помощью методики ToF-ICR требуется примерно в два раза больше времени, чем с помощью методики PI-ICR. Поэтому примерно за 10 часов с помощью методики ToF-ICR было проведено 22 измерения отношения R, а с помощью методики PI-ICR за это же время отношение R было измерено 40 раз. Точность определения отношения R с помощью методики PI-ICR превосходит точность определения отношения Rс помощью методики ToF-ICR примерно в 4,5 раза, что хорошо согласуется с теоретическими расчётами.



Рис. 5. Отношения *R* свободной циклотронной частоты однозарядных ионов ¹³¹Хе к свободной циклотронной частоте однозарядных ионов 132 Хе, измеренных за одно и то же время с помощью методики ToF-ICR (а) и методики PI-ICR (б)

На рисунке 6 приведено сравнение разницы атомных масс $\Delta M_{SHIPTRAP}$ изотопов ¹³²Хе и ¹³¹Хе, полученной с помощью методики PI-ICR на установке SHIPTRAP, с разницей атомных масс ΔM_{FSU} изотопов ¹³²Хе и ¹³¹Хе, полученной на установке FSU-TRAP. $\Delta M_{SHIPTRAP}$ было определено с точностью порядка 32 эВ. Разница между значениями, полученными на установке SHIPTRAP и установке FSU-TRAP, составляет (8 ± 35) эВ. Таким образом, с помощью методики PI-ICR на установке SHIPTRAP можно проводить заслуживающие доверия измерения масс тяжёлых нуклидов с точностью порядка нескольких десятков эВ. Стоит подчеркнуть, что благодаря новой методике PI-ICR впервые было измерено с относительной точностью 2 · 10⁻¹⁰ отношение свободных циклотронных частот однозарядных ионов двух тяжёлых нуклидов.



Рис. 6. Сравнение разницы атомных масс $\Delta M_{\text{SHIPTRAP}}$ изотопов ¹³²Хе и ¹³¹Хе, полученной с помощью методики PI-ICR на установке SHIPTRAP, с разницей атомных масс ΔM_{FSU} изотопов ¹³²Хе и ¹³¹Хе, полученной на установке FSU-TRAP [36, 37]

Разработанный метод может найти широкое применение на ионных ловушках Пеннинга, функционирующих в мире на различных пучках частиц.

Шестая глава посвящена успешному применению метода PI-ICR для измерения атомной массы ⁴⁸Ca, а также для определения *Q*-значений β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho. Точное знание массы ⁴⁸Ca было необходимо для проверки квантовой электродинамики в сильных электромагнитных полях посредством измерения гиромагнитных отношений атомных электронов в ионах ⁴⁰Ca¹⁷⁺ и ⁴⁸Ca¹⁷⁺. *Q*-значения β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho представляют интерес для экспериментов по определению массы нейтрино.

В разделе 6.1 даётся краткий обзор измерения гиромагнитного отношения свободного и связанного электронов для проверки квантовой электродинамики. Квантовая электродинамика (КЭД) является фундаментальной квантовой теорией поля, описывающей взаимодействие фермионов с электромагнитными полями посредством обмена фотонами. На данный момент благодаря её высокой предсказательной способности КЭД рассматривается как наиболее успешная теория в рамках Стандартной модели элементарных частиц и фундаментальных взаимодействий. В рамках проверки КЭД особый интерес представляет отношения электрона в очень сильных измерение гиромагнитного электрических полях. Естественным источником таких полей являются ядра нуклидов. Измерениями гиромагнитного отношения связанного электрона в различных нуклидах занимается группа в JGU в Германии [38]. В данном эксперименте производится измерение ларморовской частоты v_L^e прецессии спина связанного электрона в сильном однородном магнитном поле (3,7 Тл). Величина магнитного поля определяется посредством измерения свободной циклотронной частоты иона v_{ion} с массой m_e и зарядом q, в котором находится связанный электрон. Гиромагнитное отношение связанного электрона выражается через v_L^e и v_{ion} следующим образом:

$$g = 2 \frac{v_L^e}{v_{ion}} \cdot \frac{q}{e} \cdot \frac{m_e}{m_{ion}} = \frac{\Gamma}{m_{ion}}.$$
 (3)

Таким образом, для того чтобы определить гиромагнитное отношение с большой точностью, также необходимо знать точную массу исследуемого нуклида. Недавно группа из JGU определила разницу гиромагнитных отношений электронов Δg в литийподобных ионах ⁴⁰Ca¹⁷⁺ и ⁴⁸Ca¹⁷⁺:

$$\Delta g = \frac{\Gamma_{(40_{Ca}17+)}}{m_{(40_{Ca}17+)}} - \frac{\Gamma_{(48_{Ca}17+)}}{m_{(48_{Ca}17+)}}.$$
(4)

Атомные массы ⁴⁰Са и ⁴⁸Са были известны к началу нашего измерения с относительной точностью $5 \cdot 10^{-10}$ и $2 \cdot 10^{-9}$ соответственно [29]. Вкладом автора диссертации в данный эксперимент является определение атомной массы ⁴⁸Са с точностью, сравнимой с точностью, с которой известна атомная масса ⁴⁰Са.

Раздел 6.2 посвящён проблеме определения массы нейтрино из анализа процессов β-распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho.

 β^{-} -распад ¹⁸⁷Re представляет собой уникальный запрещённый β -переход с очень большим временем жизни порядка 4,3 · 10^{10} лет. В данных процессах ядро ¹⁸⁷Re испускает электрон и антинейтрино. Так как этот процесс является трёхчастичным, то энергетический спектр испушенного электрона является непрерывным (рис. 7).



Рис. 7. Форма энергетического спектра электрона, испущенного в процессе β⁻-распада ¹⁸⁷Re. Масса нейтрино влияет на форму конечной, высокоэнергетической, части спектра

Масса нейтрино определяется из анализа формы непрерывного спектра энергии испущенного электрона. Наиболее чувствительной к массе нейтрино частью спектра является высокоэнергетическая область на конце спектра. Если бы нейтрино были безмассовыми частицами, то спектр заканчивался бы в точке, соответствующей Q-значению β -распада. В реальности конец спектра отстоит от данной точки на значение нейтринной массы. Определение массы нейтрино происходит из анализа формы спектра. При этом необходимо знать Q-значение процесса с абсолютной точностью, как минимум сравнимой с желаемой точностью определения массы нейтрино.

Альтернативой β^- -распаду ¹⁸⁷Re при определении массы нейтрино является процесс захвата ядром одного из атомных электронов с испусканием нейтрино (ЕС-переход) в ¹⁶³Ho. Анализу подвергается спектр полной энергии разрядки возбуждённой атомной оболочки дочернего нуклида ¹⁶³Dy. Данный спектр имеет вид набора дискретных пиков, соответствующих захвату электронов с разных атомных уровней (рис. 8).



энергия разрядки атомной оболочки

Рис. 8. Спектр полной энергии разрядки возбуждённой атомной оболочки дочернего нуклида электронного захвата. Пики соответствуют захвату электронов с различных атомных уровней. Ширина пиков определяется временем жизни возбуждённой атомной оболочки дочернего пуклида

Форма линий описывается формулой Брайта – Вигнера. Их ширина определяется временем жизни возбуждённой атомной оболочки дочернего нуклида. Как и в случае с β -распадом, масса нейтрино определяется из анализа формы спектра, при этом Q-значение процесса необходимо знать с абсолютной точностью, сравнимой с желаемой точностью определения массы нейтрино.

Высокопрецизионные измерения Q-значений β -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Но являются делом будущего. Тем не менее уже сейчас в процессе подготовки экпериментов по определению массы нейтрино необходимо знать Q-значения β -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Но с точностью порядка нескольких десятков эВ. Во-первых, статистическая точность определения массы нейтрино, достижимая в данных экспериментах при

заданных экспериментальных параметрах, и, следовательно, требуемый масштаб предопределяется О-значением исследуемых процессов. эксперимента Во-вторых, возможное значительное отличие О-значений, определённых из анализа В-распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата R 163Ho методами микрокалориметрии от *Q*-значений этих процессов, измеренных с помощью сигнализировать о наличии масс-спектрометрии. может потенциальных ошибок, присущих источников систематических методике криогенной микрокалориметрии. О-значения В⁻-распала¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Но были уже определены с достаточно хорошей точностью в нескольких экспериментах с помощью различных методик (рис. 9 и 10). К сожалению, ни одна из этих методик не является прямой, т. е. измеряющей непосредственно разницу масс материнских и дочерних нуклидов. Так, О-значение В-распада ¹⁸⁷Re определялось двумя методами: с помощью газовых пропорциональных счётчиков [39-41] и посредством криогенной микрокалориметрии [42-45]. Как видно из рис. 9, существует довольно сильное разногласие между О-значениями В-распада ¹⁸⁷ Re. полученными с помощью этих различных методик. Таким образом, возникает необходимость в прямом определении О-значения с помощью ловушек Пеннинга с точностью, равной как минимум нескольким десяткам эВ. Если окажется, что данное О-значение сильно отличается от Q-значений, полученных с помощью криогенных микрокалориметров, то это будет указывать на недостаточно адекватное модельное описание микрокалориметрического спектра В-распада ¹⁸⁷Re, что может привести к существенным систематическим ошибкам в точном определении массы антинейтрино посредством криогенной микрокалориметрии.



Рис. 9. Q-значения β -распада ¹⁸⁷Re, полученные в [39-45]: квадратиками и кружками обозначены Q-значения, полученные с помощью газовых пропорциональных счётчиков и криогенных микрокалориметров

23

Аналогичная ситуация сложилась и с Q-значением электронного захвата в ¹⁶³Но (рис. 10а). Для определения данного *О*-значения было использовано семь различных непрямых методик. Рекомендованное Q-значение, равное 2,555(16) кэВ [29], базируется на значениях, полученных с помощью газовых пропорциональных счётчиков [46, 47] методом сравнения вероятностей захвата электронов с различных атомных оболочек и из анализа процесса «связанного» β-распада на накопительном кольце в GSI [48]. Более поздние О-значения. помошью криогенной микрокалориметрии, находятся в полученные с существенном разногласии с рекомендованным значением. В отличие от экспериментов с ¹⁸⁷Re, статистическая чувствительность экспериментов с ¹⁶³Но к массе нейтрино существенно зависит от О-значения. На рис. 10б в качестве примера приводится статистическая чувствительность эксперимента ЕСНо для различного числа зарегистрированных событий электронного захвата в ¹⁶³Но [49]. Для заданной статистической чувствительности эксперимента изменение Q-значения от 2,4 до 2,8 кэВ приводит к четырёхкратному увеличению размера эксперимента. С этой точки зрения наиболее выгодным является О-значение, находящееся в области рекомендованного значения. Но это означает, что микрокалориметрия определяет О-значение с большой систематической ошибкой. что в свою очередь скажется на точности определения массы нейтрино.



Рис. 10. *Q*-значения электронного захвата в ¹⁶³Но, полученные в нескольких экспериментах из анализа процесса электронного захвата [46–48, 50–57]: разные символы соответствуют различным экспериментальным методам анализа процесса электронного захвата, линия и полоса обозначают рекомендованное *Q*-значение и точность его определения согласно [29] (а); статистическая чувствительность эксперимента ЕСНо к массе нейтрино в зависимости от *Q*-значения электронного захвата в ¹⁶³Но для различного числа *N* зарегистрированных событий электронного захвата [49] (б)

Если же истинное Q-значение согласуется с микрокалориметрическим Q-значением, то это будет означать, что микрокалориметрический спектр достаточно корректно описывает все физические процессы, протекающие в процессе электронного захвата в ¹⁶³Но. Таким образом, так же как и в случае с Q-значением β -распада ¹⁸⁷Re, необходимо определение Q-значения электронного захвата в ¹⁶³Но с помощью ловушек Пеннинга с точностью, равной как минимум нескольким десяткам эВ, которая позволит снять разногласия, достигающие несколько сотен эВ, согласно рис. 10а.

В разделе 6.3 приводится подробный анализ данных по определению атомной массы ⁴⁸Са и *Q*-значений β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Но с помощью методики PI-ICR и проводится обсуждение полученных результатов.

Значения отношения измеренных свободных циклотронных частот для пар нуклидов 48 Ca/C₄, 163 Ho/ 163 Dy и 187 Re/ 187 Os, а также их статистические и систематические ошибки приведены в табл. 3.

Таблица 3

Значения отношения измеренных свободных циклотронных частот для пар нуклидов ⁴⁸Ca/C4, ¹⁶³Ho/¹⁶³Dy и ¹⁸⁷Re/¹⁸⁷Os и их статистические и систематические ошибки

⁴⁸ Ca / C ₄	¹⁶³ Ho / ¹⁶³ Dy	¹⁸⁷ Re / ¹⁸⁷ Os
1,00099010175(35)стат(17)сис	1,00000001867(20)стат(10)снс	1,00000001431(17) _{ctat} (9) _{clic}

Измерение отношения свободных циклотронных частот однозарядных ионов 48 Са и С₄ с относительной точностью, равной 3,9 · 10⁻¹⁰, позволило определить массу литийподобных ионов 48 Са¹⁷⁺ с относительной точностью 4 · 10⁻¹⁰ [23]:

$$m(^{48}\text{Ca}^{17+}) = 47,943204044(19) \text{ a. e. M.}$$
 (5)

Масса литийподобных ионов другого изотопа кальция 40 Ca¹⁷⁺ была определена из табличного значения атомной массы 40 Ca [29] с относительной точностью $6 \cdot 10^{-10}$:

$$m(^{40}\text{Ca}^{17+}) = 39,953272233(22) \text{ a. e. } \text{M}.$$
 (6)

Коэффициенты $\Gamma_{(48_{Ca}17+)}$ и $\Gamma_{(40_{Ca}17+)}$ [выражение (3)], экспериментально определенные группой из JGU, позволили определить гиромагнитные отношения $g_{3\kappa cn}(^{48}Ca^{17+})$ и $g_{3\kappa cn}(^{40}Ca^{17+})$ с относительной точностью 4,1 · 10⁻¹⁰ и 5,6 · 10⁻¹⁰ соответственно [23]:

 $g_{3\kappa cn}(^{48}\mathrm{Ca}^{17+}) = 1,99920202885(82), \tag{7}$

$$g_{\mu\kappacn}(^{40}\text{Ca}^{17+}) = 1,99920204055(111).$$
 (8)

Таким образом, измеренная разность гиромагнитных отношений электронов $\Delta g_{3\kappa rn}$ в литийподобных ионах ⁴⁰Ca¹⁷⁺ и ⁴⁸Ca¹⁷⁺ равна

$$\Delta g_{\rm skcn} = 11,70(140) \cdot 10^{-9}.$$
(9)

Полученное в работе [23] теоретическое значение $\Delta g_{\text{теор}}$ равно

$$\Delta g_{\rm reop} = 10,305(27) \cdot 10^{-9}.$$
 (10)

Хорошее согласие $\Delta g_{3\kappa cn}$ и Δg_{Teop} подтверждает на уровне $1, 4 \cdot 10^{-9}$ правильность нашего понимания взаимодействия связанного электрона с сильным электромагнитным полем, создаваемым ядром с зарядовым числом 20.

На основе измеренных отношений свободных циклотронных частот для пар нуклидов ¹⁸⁷Re/¹⁸⁷Os и ¹⁶³Ho/¹⁶³Dy были определены *Q*-значения β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho (рис. 11). Данные *Q*-значения находятся в хорошем согласии с *Q*-значениями, полученными с помощью криогенной микрокалометрии – методики, на которой базируются все современные эксперименты по определению массы нейтрино из анализа β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho. Данное согласие позволяет сделать вывод, что на уровне достигнутой точности теоретическое описание спектров β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho является корректным.

Как уже было отмечено, статистическая чувствительность экспериментов с 163 Но к массе нейтрино существенно зависит от *Q*-значения. Достигнутая точность в определении *Q*-значения электронного захвата в 163 Но позволила уменьшить неопределённость в масштабе, например, эксперимента ЕСНо с нескольких сот процентов до приемлемых пары десятков процентов (рис. 12).



Рис. 11. *Q*-значения β⁻-распада ¹⁸⁷Re (a) и электронного захвата в ¹⁶³Ho (б), полученные из анализа различных процессов и с помощью ловушки Пеннинга SHIPTRAP. Значения, полученные с помощью довушки Пеннинга, согласуются со значениями, полученными с помощью криогенной микрокалориметрии



Рис. 12. Статистическая чувствительность эксперимента ЕСНо к массе нейтрино в зависимости от Q-значения электронного захвата в 163 Но для числа $N = 10^{12}$ зарегистрированных событий электронного захвата. Достигнутая точность порядка нескольких десятков эВ (вертикальная полоса) в определении Q-значения электронного захвата в 163 Но трансформируется в неопределённость порядка нескольких десятков процентов для статистической чувствительности эксперимента ЕСНо к массе нейтрино (горизонтальная полоса)

Таким образом, измерения Q-значений β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho с точностью порядка нескольких десятков эВ, выполненные с помощью методики PI-ICR, во-первых, подтвердили корректность теоретических моделей, применяемых для описания процессов β^- -распада ¹⁸⁷Re и электронного захвата в ¹⁶³Ho и, во-вторых, позволили зафиксировать с приемлемой точностью масштаб экспериментов по определению массы нейтрино из анализа электронного захвата в ¹⁶³Ho.

В седьмой главе рассматривается установка PENTATRAP, расположенная в MPIK, Германия. Она представляет собой уникальный масс-спектрометр на основе пяти ловушек Пеннинга. Уникальность этой установки заключается в том, что она является первым и на данный момент единственным в мире массспектрометром, который позволит определять отношения масс стабильных и долгоживущих нуклидов с относительной неопределённостью меньше чем 10⁻¹¹.

В разделе 7.1 приводится обзор установки PENTATRAP (рис. 13).

26



Рис. 13. Схема установки PENTATRAP. Эксперимент располагается на двух уровнях. На верхнем уровне расположены источники высокозарядных ионов Dresden EBIT-W и Heidelberg-EBIT. Масс-спектрометр находится на нижнем уровне в лаборатории PENTATRAP. Ионооптический тракт, соединяющий ионные источники с массспектрометром, представляет собой набор электростатических одиночных линз, пульсирующих электродов и узла диагностики ионов

В разделе 7.2 обосновывается необходимость использования и описывается методика создания высокозарядных ионов с помощью двух ионных источников: Dresden EBIT-W и Heidelberg-EBIT.

В разделе 7.3 описывается система транспортировки высокозарядных ионов от ионных источников до масс-спектрометра.

В разделе 7.4 приводится подробное описание сверхпроводящего магнита масс-спектрометра.

В разделах 7.5 и 7.6 описывается дизайн и практическая реализация криогенной сборки – той части установки PENTATRAP, которая содержит пять ловушек Пеннинга и которая располагается в центральном туннеле магнита и, следовательно, охлаждена до температуры жидкого гелия (рис. 14).

27



Рис. 14. Криогенная сборка установки PENTATRAP, содержащая около 1 200 отдельных деталей. Основными компонентами сборки являются две медные вакуумные камеры, содержащие пять ловушек Пеннинга и криогенную измерительную электронику. Криоионопровод соединяет камеры с ионооптическим трактом, ведущим к ионным источникам. Вся сборка крепится (висит) на крепёжном фланце. Механизм юстировки позволяет изменять положение камеры с ловушками относительно оси симметрии магнитного поля. Радиационные экраны защищают холодную область от теплового излучения, испускаемого тёплым крепёжным фланцем

В разделах 7.7–7.9 излагаются методики измерения ловушечных частот, планируемых для использования на установке PENTATRAP, а также приводится схема измерительной системы установки PENTATRAP.

В разделе 7.10 приводится описание ультрастабильного источника электрического потенциала для ловушек Пеннинга установки PENTATRAP, созданного при участии автора диссертации совместно с электронной лабораторией MPIK и Федеральным физико-техническим институтом (PTB) в Брауншвейге. Источник имеет название StaReP (Stable Reference for Penning Trap Experiments).

В разделе 7.11 приводится описание запуска установки PENTATRAP. Под запуском понимается тестирование полного цикла работы установки от создания высокозарядных ионов до захвата данных ионов центральной ловушкой, их удержания в течение как минимум нескольких десятков минут и измерения их аксиальной частоты. Более того, важно показать возможность захвата ловушкой только единичных ионов определённого нуклида с заданным отношением массы

28

к заряду. Данные шаги были успешно выполнены, и можно констатировать успешный запуск установки PENTATRAP.

Таким образом, под руководством и при непосредственном участии автора диссертации в МРІК была создана уникальная установка PENTATRAP на основе ловушек Пеннинга для измерения отношения масс высокозарядных нуклидов в широком диапазоне массовых значений с проектной относительной точностью 10^{-11} . Установка успешно запущена. В процессе запуска было отработано создание высокозарядных ионов стабильных нуклидов в широком диапазоне масс, их транспортировка по ионопроводу к масс-спектрометру и захват центральной ловушкой. Экспериментально продемонстрирована на примере ионов Ar⁸⁺ возможность захвата ловушкой одного единственного иона и измерения частоты его акснального движения.

Следующей задачей является отработка процесса охлаждения всех трёх ловушечных движений с последующей гармонизацией потенциала ловушки. Это позволит провести измерение частот всех трёх ловушечных движений и, следовательно, свободной циклотронной частоты нона. Завершающим шагом является оптимизация захвата ионов несколькими ловушками с последующим измерением их ловушечных частот.

В заключении кратко суммируются основные результаты выполненной работы.

1. Созданы элементы установки SHIPTRAP для проведения онлайнэкспериментов по измерению масс трансурановых нуклидов, полученных в ядерных реакциях слияния-испарения.

На этой установке впервые в мире проведены прямые высокопрецизионные измерения масс трансурановых нуклидов с помощью ловушки Пеннинга. Измерены массы сверхтяжёлых нуклидов нобелия и лоуренсия, имеющих наименьшие сечения образования, когда-либо исследованные с помощью ловушек Пеннинга. Практическая ценность данных измерений заключается в демонстрации возможности проведения подобного рода прямых высокопрецизионных измерений масс трансурановых нуклидов с сеченнями образования, не превышающими нескольких десятков нбарн. По результатам данных экспериментов было сделано заключение о возможности проведения на установке SHIPTRAP прямых измерений нуклидов с протонными числами, достигающими Z = 110. Построен участок ландшафта масс сверхтяжёлых элементов.

2. Впервые была реализована комплексная программа по поиску резонансно-усиленного процесса безнейтринного двойного электронного захвата посредством прямого прецизионного измерения разности масс материнского и дочернего нуклидов большого числа 0v2EC-переходов. Практическая ценность данных измерений заключается в нахождении двух резонансно-усиленных 0v2EC-переходов. Для одного из них, а именно для 0v2EC в ¹⁵⁶Dy, была открыта возможность существования феномена мультирезонансного усиления. В данном нуклиде резонансно-усиленный безнейтринный двойной электронный захват может идти на четыре ядерных возбуждённых состояния.

3. Предложена, разработана и внедрена на установке SHIPTRAP совершенно новая методика определения масс нуклидов, получившая в научной англоязычной литературе наименование Phase-Imaging Ion-Cyclotron-Resonance Technique или сокращённо PI-ICR. Практическая ценность данной методики заключается в том, что она позволяет определять с точностью порядка 10^{-7} массы короткоживущих нуклидов с периодами полураспада всего несколько миллисекунд, что на данный момент невозможно достичь ни с одной другой существующей методикой. Измеренные с помощью данной методики отношения масс долгоживущих пар нуклидов 48 Ca/ 12 C4, 163 Ho/ 163 Dy и 187 Re/ 187 Os с относительной точностью, близкой к 10^{-10} , важны для развития экспериментов по определению массы нейтрино, а также для теста КЭД в сильных электромагнитных полях.

4. Созданая установка PENTATRAP является единственным массспектрометром, который в ближайшем будущем позволит проводить измерения масс долгоживущих нуклидов с относительной точностью, значительно превышающей 10⁻¹¹. Это позволит, например, определить *Q*-значение электронного захвата в ¹⁶³Но с точностью как минимум 1 эВ.

Список работ, опубликованных по теме диссертации

- S. Eliseev, K. Blaum, M. Block et al., «Direct measurement of the mass difference of ¹⁶³Ho and ¹⁶³Dy solves *Q*-value puzzle for the neutrino mass determination», *Phys. Rev. Lett.*, p. 062501, 115, 2015.
- [2] F. Schneider, T. Beyer, ..., S. Eliseev et al., «Preparatory studies for a high-precision Penning-trapmeasurement of the ¹⁶³Ho electron capture Q-value», Eur. Phys. J. A, p. 89, 51, 2015.
- [3] F. Köhler, K. Blaum, ..., S. Eliseev et al., "Beyond the Furry picture of boundstate quantum electrodynamics with highly charged ions", *Nature Commun.*, p. 10246, 7, 2016.
- [4] L. Gastaldo, K. Blaum, ..., S. Eliscev et al., "The electron capture ¹⁶³Ho experiment ECHo», J. Low Temp. Phys., p. 876, 176, 2014.
- [5] D. Nesterenko, S. Eliseev, K. Blaum et al., «Direct determination of the atomic mass difference of ¹⁸⁷Re and ¹⁸⁷Os for neutrino physics and cosmochronology», *Phys. Rev. C*, p. 042501, 90, 2014.
- [6] S. Eliseev, K. Blaum, M. Block et al., «A phase-imaging technique for cyclotronfrequency measurements», Appl. Phys. B, p. 107, 114, 2014.
- [7] E.M. Ramirez, D. Ackermann, ..., S. Eliseev et al., «Recent developments for high-precision mass measurements of the heaviest elements at SHIPTRAP», *Nucl. Instrum. Methods Phys. Res. B*, p. 501, 317, 2013.
- [8] S. Eliseev, Yu.N. Novikov, K. Blaum, "Penning-trap mass spectrometry and neutrino physics", Annalen der Physik, p. 707, 525, 2013.
- [9] S. Eliseev, T. Eronen, Yu.N. Novikov, "Penning-trap mass spectrometry for neutrino physics", Int. J. Mass Spectrom., p. 102, 349–350, 2013.
- [10] S. Eliseev, K. Blaum, M. Block et al., "Phase-imaging ion-cyclotron-resonance measurements for short-lived nuclides", *Phys. Rev. Lett.*, p. 082501, 110, 2013.
- [11] S.A. Eliseev, Yu.N. Novikov, K. Blaum, «Search for resonant enhancement of neutrinoless double-electron capture by high-precision Penning-trap mass spectrometry», J. Phys. G: Nucl. Part. Phys., p. 124003, 39, 2012.
- [12] K. Blaum, S. Eliseev, T. Eronen et al., «Precision mass measurements for nuclear astro- and neutrino physics», J. Phys.: Conf. Ser., p. 012013, 381, 2012.
- [13] D.A. Nesterenko, K. Blaum, ..., S. Eliseev et al., «Double- β transformations in isobaric triplets with mass numbers A = 124, 130, and 136», *Phys. Rev. C*, p. 044313, 86, 2012.
- [14] C. Smorra, T.R. Rodriguez, ..., S. Eliseev et al., «Q-value and half-life of doubleelectron capture in ¹⁸⁴Os», Phys. Rev. C, p. 044604, 86, 2012.
- [15] E.M. Ramirez, D. Ackermann, ..., S. Eliseev et al., "Direct mapping of nuclear shell effects in the heaviest elements", *Science*, p. 1207, 337, 2012.
- [16] Dong-Liang Fang, K. Blaum, S. Eliseev et al., «Evaluation of the resonance enhancement effect in neutrinoless double-electron capture in ¹⁵²Gd, ¹⁶⁴Er, and ¹⁸⁰W atoms», *Phys. Rev. C*, p. 035503 1–5, 85, 2012.

- [17] C. Smorra, T. Beyer, ..., S. Eliseev et al., «Direct mass measurements of cadmium and palladium isotopes and their double-beta transition *Q*-values», *Phys. Rev. C*, p. 027601 1–4, 85, 2012.
- [18] C. Droese, K. Blaum, ..., S. Eliseev et al., «Probing the nuclide ¹⁸⁰W for neutrinoless double-electron capture exploration», *Nucl. Phys. A*, pp. 1–7, 875, 2012.
- [19] J. Repp, Ch. Böhm, ..., S. Eliseev et al., «PENTATRAP: a novel cryogenic multi-Penning trap experiment for high-precision mass measurements on highly charged ions», *Appl. Phys. B*, p. 983, 107, 2012.
- [20] C. Roux, Ch. Böhm, ..., S. Eliseev et al., «The trap design of PENTATRAP», *Appl. Phys. B*, p. 997, 107, 2012.
- [21] S. Eliseev, M. Goncharov, K. Blaum et al., «Multiple-resonance phenomenon in neutrinoless double-electron capture», *Phys. Rev. C*, pp. 012501(R) 1–4, 84, 2011.
- [22] S. Eliseev, C. Roux, K. Blaum et al., «Octupolar excitation of ion motion in Penning trap mass spectrometry for *Q*-value measurement of double-electron capture in ¹⁶⁴Er», *Phys. Rev. Lett.*, p. 152501 1–5, 107, 2011.
- [23] M. Goncharov, K. Blaum, ..., S. Eliseev et al., «Probing the nuclides ¹⁰²Pd, ¹⁰⁶Cd and ¹⁴⁴Sm for resonant neutrinoless double-electron capture», *Phys. Rev. C*, p. 035503 1–3, 85, 2011.
- [24] S. Eliseev, C. Roux, K. Blaum et al., «Resonant enhancement of neutrinoless double-electron capture in ¹⁵²Gd», *Phys. Rev. Lett.*, p. 052504 1–4, 106, 2011.
- [25] S. Eliseev, D. Nesterenko, K. Blaum et al., «Q-values for neutrinoless doubleelectron capture in ⁹⁶Ru, ¹⁶²Er, and ¹⁶⁸Yb», Phys. Rev. C, p. 038501 1–3, 83, 2011.
- [26] M. Dworschak, M. Block, ..., S. Eliseev et al., "Penning trap mass measurements on nobelium isotopes", Phys. Rev. C, p. 064312 1-9, 81, 2010.
- [27] M. Block, D. Ackermann, ..., S. Eliseev et al., «Penning trap mass measurements of trans-fermium elements with SHIPTRAP», *Hyperfine Interact.*, pp. 225–231, 196, 2010.
- [28] M. Block, D. Ackermann, ..., S. Eliseev et al., «Direct mass measurements above uranium bridge the gap to the island of stability», *Nature*, pp. 785–788, 463, 2010.
- [29] M. Block, D. Ackermann, ..., S. Eliseev et al., «Towards direct mass measurements of nobelium at SHIPTRAP», Eur. Phys. J. A, pp. 39–45, 45, 2007.

Список литературы

- [1] R. Cakirli, R. Casten, «Nuclear binding and nuclear structure», Int. J. Mass Spectrom., pp. 187–191, 349–350, 2013.
- [2] H. Simon, «Masses of unbound nuclear systems», Int. J. Mass Spectrom., pp. 172–180, 349–350, 2013.
- [3] H. Schatz, «Nuclear masses in astrophysics», Int. J. Mass Spectrom., pp. 181–186, 349–350, 2013.

- [4] S. Kreim, M. Hempel, D. Lunney et al., «Nuclear masses and neutron stars», Int. J. Mass Spectrom., pp. 63–68, 349–350, 2013.
- [5] J. Clark, G. Savard, «Precision masses for studies of the astrophysical r process», Int. J. Mass Spectrom., pp. 81–86, 349–350, 2013.
- [6] J.M. Pearson, S. Goriely, N. Chamel, "Microscopic mass models for astrophysics", Int. J. Mass Spectrom., pp. 57–62, 349–350, 2013.
- [7] S. Eliseev, T. Eronen, Yu.N. Novikov, "Penning-trap mass spectrometry for neutrino physics", *Int. J. Mass Spectrom.*, pp. 102–106, 349–350, 2013.
- [8] P. Becker, D. Schiel, "The Avogadro constant and a new definition of the kilogram", Int. J. Mass Spectrom., pp. 219–226, 349–350, 2013.
- [9] G.E. Myers, «The most precise atomic mass measurements in Penning traps», Int. J. Mass Spectrom., pp. 107–122, 349–350, 2013.
- [10] T. Eronen, A. Jokinen, «High-precision atomic mass measurements for a CKM unitarity test», *Int. J. Mass Spectrom.*, pp. 69–73, 349–350, 2013.
- [11] S. Eliseev, K. Blaum, M. Block et al., «A phase-imaging technique for cyclotronfrequency measurements», *Appl. Phys. B*, pp. 107–128, 114, 2014.
- [12] J. Repp, C. Böhm, J.R. Crespo Lopez-Urrutia et al., «PENTATRAP: a novel cryogenic multi-Penning-trap experiment for high-precision mass measurements on highly charged ions», *Appl. Phys. B*, pp. 983–996, 107, 2012.
- [13] C. Roux, C. Böhm, A. Dörr et al., "The trap design of PENTATRAP", *Appl. Phys. B*, pp. 997–1005, 107, 2012.
- [14] M. Block, D. Ackermann, K. Blaum et al., «Towards direct mass measurements of nobelium at SHIPTRAP», *Eur. Phys. J. B*, pp. 39–45, 45, 2007.
- [15] C. Weber, V.-V. Elomaa, R. Ferrer et al., «Mass measurements in the vicinity of the *rp*-process and the *vp*-process paths with the Penning trap facilities JYFLTRAP and SHIPTRAP», *Phys. Rev. C*, p. 054310, 78, 2008.
- [16] E. Haettner, D. Ackermann, G. Audi et al., «Mass measurements of very neutrondeficient Mo and Tc isotopes and their impact on *rp*-process nucleosynthesis», *Phys. Rev. Lett.*, p. 122501, 106, 2011.
- [17] C. Rauth, D. Ackermann, K. Blaum et al., «First Penning trap mass measurements beyond the proton drip line», *Phys. Rev. Lett.*, p. 012501, 100, 2008.
- [18] M. Block, D. Ackermann, K. Blaum et al., "Direct mass measurements above uranium bridge the gap to the island of stability", *Nature*, pp. 785–788, 463, 2010.
- [19] E. Minaya Ramirez, D. Ackermann, K. Blaum et al., "Direct mapping of nuclear shell effects in the heaviest elements", *Science*, pp. 1207–1210, 337, 2012.
- [20] S.A. Eliseev, Yu.N. Novikov, K. Blaum, «Search or resonant enhancement of neutrinoless double-electron capture by high-precision Penning-trap mass spectrometry», J. Phys. G: Nucl. Part. Phys., p. 124003, 39, 2012.
- [21] D.A. Nesterenko, S. Eliseev, K. Blaum et al., «Direct determination of the atomic mass difference of ¹⁸⁷Re and ¹⁸⁷Os for neutrino physics and cosmochronology», *Phys. Rev. C*, p. 042501(R), 90, 2014.

- [22] S. Eliseev, K. Blaum, M. Block et al., "Direct measurement of the mass difference of ¹⁶³Ho and ¹⁶³Dy solves the *Q*-value puzzle for the neutrino mass determination", *Phys. Rev. Lett.*, p. 062501, 115, 2015.
- [23] F. Köhler et al., «Isotope dependence of the Zeeman effect in lithium-like calcium», *Nature Commun.*, p. 10246, 7, 2016.
- [24] M. Dworschak, M. Block, D. Ackermann et al., "Penning trap mass measurements on nobelium isotopes", *Phys. Rev. C*, p. 064312, 81, 2010.
- [25] S. Hofmann, G. Münzenberg, «The discovery of the heaviest elements», *Rev. Mod. Phys.*, p. 733, 72, 2000.
- [26] Y. Oganessian, «Heaviest nuclei from ⁴⁸Ca-induced reactions», J. Phys. G, p. 34, R165, 2007.
- [27] H.W. Gäggeler, D.T. Jost, A. Türler et al., «Cold fusion reactions with ⁴⁸Ca», *Nucl. Phys. A*, pp. 561–570, 502, 1989.
- [28] A.V. Belozerov, M.L. Chelnokov, V.I. Chepigin et al., «Spontaneous-fission decay properties and production cross-sections for the neutron-deficient nobelium isotopes formed in the ^{44, 48}Ca + ^{204, 206, 208}Pb reactions», *Eur. Phys. J. A*, pp. 447–456, 16, 2003.
- [29] G. Audi, F.G. Kondev, M. Wang et al., «The NUBASE2012 evaluation of nuclear properties», *Chinese Phys. C*, pp. 1157–1286, 36, 2012.
- [30] G. Audi, A.H. Wapstra, C. Thibault, "The AME2003 atomic mass evaluation. (II). Tables, graphs and references", *Nucl. Phys. A*, pp. 337–676, 729, 2003.
- [31] K. Blaum, «High-accuracy mass spectrometry with stored ions», *Phys. Rep.*, pp. 1–78, 425, 2006.
- [32] K. Blaum, Yu.N. Novikov, G. Werth, "Penning traps as a versatile tool for precise experiments in fundamental physics", *Contemp. Phys.*, pp. 149–175, 51, 2010.
- [33] A. Chaudhuri, M. Block, S. Eliseev et al., «Carbon-cluster mass calibration at SHIPTRAP», *Eur. Phys. J. D*, pp. 47–53, 45, 2007.
- [34] «Center for Nuclear Studies, Department of Physics, The George Washington University. Data Analysis Center», http://www.nndc.bnl.gov. [Дата обращения: January 2015].
- [35] J.D. Vergados, «Transition operators entering neutrinoless double electron capture to excited nuclear states», *Phys. Rev. C*, p. 044328, 84, 2011.
- [36] M. Redshaw, B.J. Mount, E.G. Myers, «Improved atomic masses of ^{84, 86}Kr and ^{129, 132}Xe», *Phys. Rev. A*, p. 012506, 79, 2009.
- [37] M. Höcker, R. Rana, E.G. Myers, «Atomic masses of ^{82, 83}Kr and ^{131, 134}Xe», *Phys. Rev. A*, p. 052502, 88, 2013.
- [38] http://www.mpi-hd.mpg.de/blaum/gfactor/silicon/index.en.html. [Дата обращения: 9 апреля 2015].
- [39] R. Brodzinski, D. Conway, «Decay of Rhenium-187», Phys. Rev. B, p. 1368, 138, 1965.
- [40] E. Huster, H. Verbeek, «Das beta-spektrum des natürlichen Rhenium-187», Zeitschrift für Physik, pp. 435–442, 203, 1967.

- [41] K. Ashktorab, J.W. Jänecke, F.D. Becchetti, "Beta decay of ¹⁸⁷Re and cosmochronology", *Phys. Rev. C*, p. 2954, 47, 1993.
- [42] E. Cosulich, G. Gallinaro, F. Gatti et al., "Detection of ¹⁸⁷Re beta decay with a cryogenic microcalorimeter. Preliminary results", *Phys. Lett. B*, pp. 143–147, 295, 1992.
- [43] A. Alessandrello, J.W. Beeman, C. Brofferio et al., "Bolometric measurements of beta decay spectra of ¹⁸⁷Re with crystals of silver perrhenate", *Phys. Lett. B*, pp. 253–260, 457, 1999.
- [44] M. Galeazzi, F. Fontanelli, F. Gatti et al., «End-point energy and half-life of the ¹⁸⁷Re beta-decay», *Phys. Rev. C*, p. 014302, 63, 2000.
- [45] C. Arnaboldi, C. Brofferio, O. Cremonesi et al., «Bolometric bounds on the antineutrino mass», *Phys. Rev. Lett.*, p. 161802, 91, 2003.
- [46] F. Hartmann, R. Naumann, «Observation of N and M orbital-electron capture in the decay of ¹⁶³Ho», Phys. Rev. C, p. 1594(R), 31, 1985.
- [47] F. Hartmann, R. Naumann, «High temperature gas proportional detector techniques and application to the neutrino mass limit using ¹⁶³Ho», *Nucl. Instr. Meth. A*, pp. 237–260, 313, 1992.
- [48] F. Bosch, M. Jung, GSI Annual Rep., 65, 1993.
- [49] L. Gastaldo, K. Blaum, A. Dörr et al., «The electron capture ¹⁶³Ho Experiment ECHo», J. Low Temp. Phys., pp. 876–884, 176, 2014.
- [50] P.T. Springer, C.L. Bennett, P.A. Baisden, «Measurement of the neutrino mass using the inner bremsstrahlung emitted in the electron-capture decay of ¹⁶³Ho», *Phys. Rev. A*, p. 679, 35, 1987.
- [51] J.U. Andersen, G.J. Beyer, G. Charpak et al., «A limit on the mass of the electron neutrino: the case of ¹⁶³Ho», *Phys. Lett. B*, p. 72, 113, 1982.
- [52] P.A. Baisden, D.H. Sisson, S. Niemeyer et al., "Measurement of the half-life of ¹⁶³Ho", Phys. Rev. C, p. 337, 28, 1983.
- [53] E. Laegsgaard et al. // In proceedings of the seventh international conference on atomic masses and fundamental constants (AMCO-7), editted by O. Klepper, p. 652, 1984.
- [54] S. Yasumi, M. Ando, H. Maezawa et al., "The mass of the electron neutrino using electron capture in ¹⁶³Ho», *Phys. Lett. B*, pp. 169–172, 181, 1986.
- [55] S. Yasumi, H. Maezawa, K. Shima et al., "The mass of the electron neutrino from electron capture in ¹⁶³Ho", *Phys. Lett. B*, pp. 229–233, 334, 1994.
- [56] F. Gatti, P. Meunier, C. Salvo et al., «Calorimetric measurement of the ¹⁶³Ho spectrum by means of a cryogenic detector», *Phys. Lett. B*, pp. 415–419, 398, 1997.
- [57] P.C.-O. Ranitzsch, J.-P. Porst, S. Kempf et al., «Development of metallic magnetic calorimeters for high precision measurements of calorimetric ¹⁸⁷Re and ¹⁶³Ho spectra», J. Low Temp. Phys., pp. 1004–1014, 167, 2012.

Отпечатано в типографии ФГБУ «ПИЯФ» НИЦ «Курчатовский институт»

188300, Гатчина Ленинградской обл., Орлова роща Зак. 110, тир. 100, уч.-изд. л. 2; 23.03.2016 г.